ANALISI MATEMATICA II I Canale (A-K) (Ingegneria Aerospaziale) A. A. 2012/2013

Esercitazione di autovalutazione

MOTIVARE CHIARAMENTE TUTTE LE RISPOSTE Tempo 40 minuti

1) Dato in \mathbb{R}^2 il dominio **triangolare** T di vertici

$$A \equiv (-h,0)$$
 , $B \equiv (h,0)$, $C \equiv (0,h)$,

con $h \in \mathbb{R}^+$ assegnato, e detta ∂T la sua frontiera, calcolare il seguente integrale curvilineo

$$I = \int_{+\partial T} 2y^2 dx + (x+y)^2 dy.$$

ove $+\partial T$ indica il verso di percorrenza su ∂T dato nell'ordine da A, B, C.

- 2) Verificare il risultato ottenuto calcolando un opportuno integrale doppio.
- 3) Infine, verificare che $I = \tilde{I}$ dove:

$$\tilde{I} = \int_{+\partial T} (x - y)^2 dy.$$

Fornire adeguate motivazioni.