

COGNOME E NOME
PROVA SCRITTA Tempo 3 ore
1) Data la serie $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\left[1 - \log\left(x^2 - 9\right)\right]^n}{\sqrt[3]{n}}$
determinare, al variare di x in $E \subset \mathbb{R}$ gli eventuali sottoinsiemi nei quali essa: converge assoluta mente, converge semplicemente ma non assolutamente, non converge.
2) Studiare la funzione $F(x) = \begin{cases} \frac{\sin x}{x} & x > 0 \\ - x + 1 & x \le 0 \end{cases}$
Determinare l'insieme di definizione $E \subset \mathbb{R}$, gli intervalli di monotonia, di concavità e convessità Studiare il comportamento asintotico e gli eventuali punti singolari. Quale è il comportamento della funzione nell'intorno del punto $x=0$? Tracciare il grafico di $F(x)$.
3) Determinare, e rappresentare graficamente nel piano complesso, le soluzioni dell'equazione:
$\sin z = 2i\cos z$, $z \in \mathbb{C}$.
Riservato alla Commissione di Esame
SCRITTO
<u>ORALE</u>